

Departamento de Análisis Económico: Economía Cuantitativa
Facultad de CC. Económicas y Empresariales
UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE MADRID

***PRÁCTICAS DE
MATEMÁTICAS I y MATEMÁTICAS II
CON DERIVE-5[®]***

***Proyecto de Innovación Docente
Curso 2001/2002***

Director: Pedro Ortega Pulido

[®] Derive es una marca registrada de Software Warehouse(Texas Instruments)

Introducción.

Durante los últimos años las nuevas tecnologías y muy en particular los ordenadores están causando numerosos cambios en la mayoría de los aspectos de nuestra cultura. La enseñanza de las matemáticas no ha quedado ajena a estos cambios. Así, en muchas universidades de todo el mundo se han venido empleando programas con el fin de mejorar la calidad de la enseñanza de una disciplina, que por su elevado grado de abstracción, es una de la más complicadas del curriculum universitario.

Juegos, simulaciones, tutoriales, enseñanza asistida por ordenador y lenguajes de programación, han sido los tipos de programas matemáticos más utilizados en las últimas décadas. Sin embargo, con la aparición de los programas de cálculo simbólico o cálculo algebraico en la década de los años 70, la situación de las antiguas herramientas ha ido quedando relegada a un segundo plano. Los programas de cálculo algebraico permiten realizar cálculos usando tanto una aritmética exacta como una aritmética aproximada. La posibilidad de realizar cálculos utilizando la aritmética exacta brinda la posibilidad de efectuar cálculos de tipo simbólico. De esta forma se consiguen desarrollar cálculos con variables, a diferencia de lo que hacían otros programas de cálculo numérico, basados en una aritmética aproximada.

Estos programas han provocado la aparición de numerosas experiencias didácticas, basadas fundamentalmente en la creación de laboratorios de prácticas, en los que el programa de cálculo simbólico es utilizado por los alumnos como soporte para estudiar los hechos, conceptos y principios matemáticos desarrollados en las clases teóricas.

Actualmente existen numerosos programas de cálculo simbólico: Macsyma, Reduce, Mathematica, Maple, Axiom, Form, GNU-Calc, Derive,... Elegimos DERIVE para este curso por varios motivos fundamentales:

1. La **facilidad de su aprendizaje**: no necesita muchos conocimientos previos de informática, y se puede aprender a utilizar en un corto espacio de tiempo, sin necesidad de invertir muchas horas en la lectura del manual.
2. La **sencillez de su entorno de trabajo**, ya que permite ejecutar los comandos vía menú, o a través de la edición de los mismos por pantalla.

Utilizaremos la versión 5-04 de DERIVE (es del año 2000) basada en el entorno WINDOWS.

Objetivos de las prácticas:

1. Desarrollar mediante el programa DERIVE los contenidos fundamentales de la asignatura Matemáticas I de las Licenciaturas en CC.Económicas y Empresariales de la U.A.M.
2. Motivar mediante RESOLUCION DE PROBLEMAS, la utilización de este programa para desarrollar estrategias de resolución de problemas.

(a) Metodología:

A lo largo del curso desarrollaremos dos tipos de actividades:

1. Actividades manipulativas de introducción al programa.
Consistirán en actividades de contenido matemático que nos introduzcan en el manejo de los cálculos algebraicos fundamentales, a través de los cuales podremos manipular, en algunas ocasiones de forma gráfica, los conceptos y principios matemáticos tratados en la asignatura.
2. Resolución de ejercicios de contenido matemático y económico, a través de los cuales el alumno podrá diseñar diversas estrategias de resolución, gracias a la utilización de programa.

(b) Contenidos

El curso estará formado por tres módulos:

MODULO 1 (Introducción al programa)

1. Introducción al programa DERIVE, principales comandos.
2. Operaciones algebraicas básicas.

MODULO 2. (Matemáticas I).

3. Comandos básicos para el cálculo diferencial.
4. Análisis de Funciones de una variable
5. Análisis de funciones de varias variables.
6. Cálculo Integral.

MODULO 3 (Matemáticas II)

7. Principales comandos para el álgebra lineal
8. Espacios vectoriales y aplicaciones lineales
9. Sistemas de ecuaciones lineales
10. Diagonalización.
11. Formas cuadráticas.

Proyecto de innovación docente.

Este material didáctico es producto del proyecto de innovación docente:

“Docencia de Matemáticas apoyada en aplicaciones informáticas”,

integrado por los siguientes profesores:

Director del Proyecto:	Prof. Pedro Ortega Pulido
Equipo de trabajo:	Prof. Raquel Águeda Maté
	Prof. Rosa Barbolla Garcia
	Prof. Gema Duro Carralero
	Prof. M. Eugenia Rosado María
	Prof. Martha Saboya Baquero
	Prof. Milagros Saiz Jarabo
	Prof. Paloma Sanz Alvaro
	Prof. Francisco José Vázquez Hernández

1. INTRODUCCIÓN AL USO DE DERIVE.

1.1.¿QUÉ ES UN PROGRAMA DE CÁLCULO SIMBÓLICO?

Los programas de cálculo simbólico, como DERIVE son lenguajes de programación muy cercanos al usuario, es decir, lenguajes denominados “de alto nivel”, que ofrecen unas características muy peculiares:

- (a) Utilizan por defecto *aritmética exacta*, es decir, permiten manipular expresiones racionales como $1/3$, sin necesidad de tener que operar con su expresión en coma flotante 0,333333 (aunque también se puede utilizar la aritmética en coma flotante).
- (b) Permiten manipular variables sin asignación, es decir, es posible manipular expresiones no numéricas, y en consecuencia expresiones algebraicas, donde los datos no han de ser valores numéricos.
- (c) Soportan estructuras de datos de tipo vectorial y matricial.
- (d) Admiten realizar programaciones, aunque DERIVE utiliza una programación funcional en algunos casos muy poco operativa.

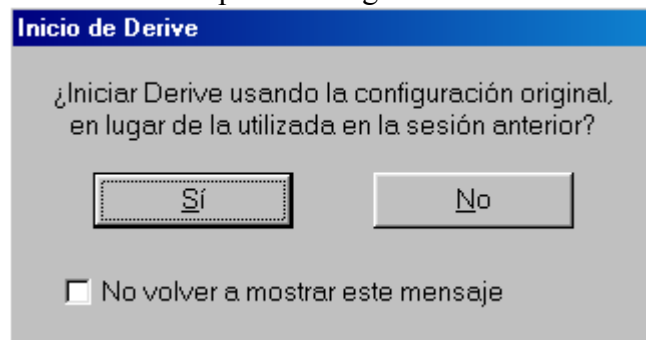
1.2. ENTRAR Y SALIR EN DERIVE.

ENTRAR EN DERIVE:

Para entrar en DERIVE bastará con hacer clic sobre el icono



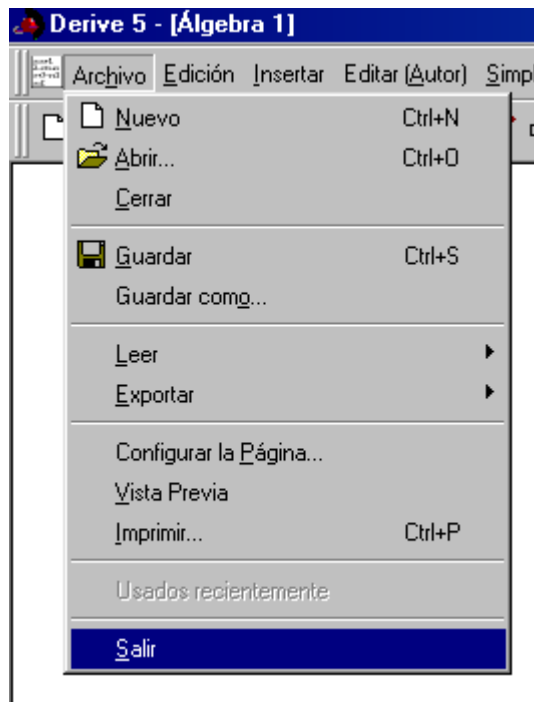
a continuación aparece el siguiente cuadro de diálogo



que podemos suprimir en posteriores accesos, pero que en caso de aparecer debemos aceptar con SI.

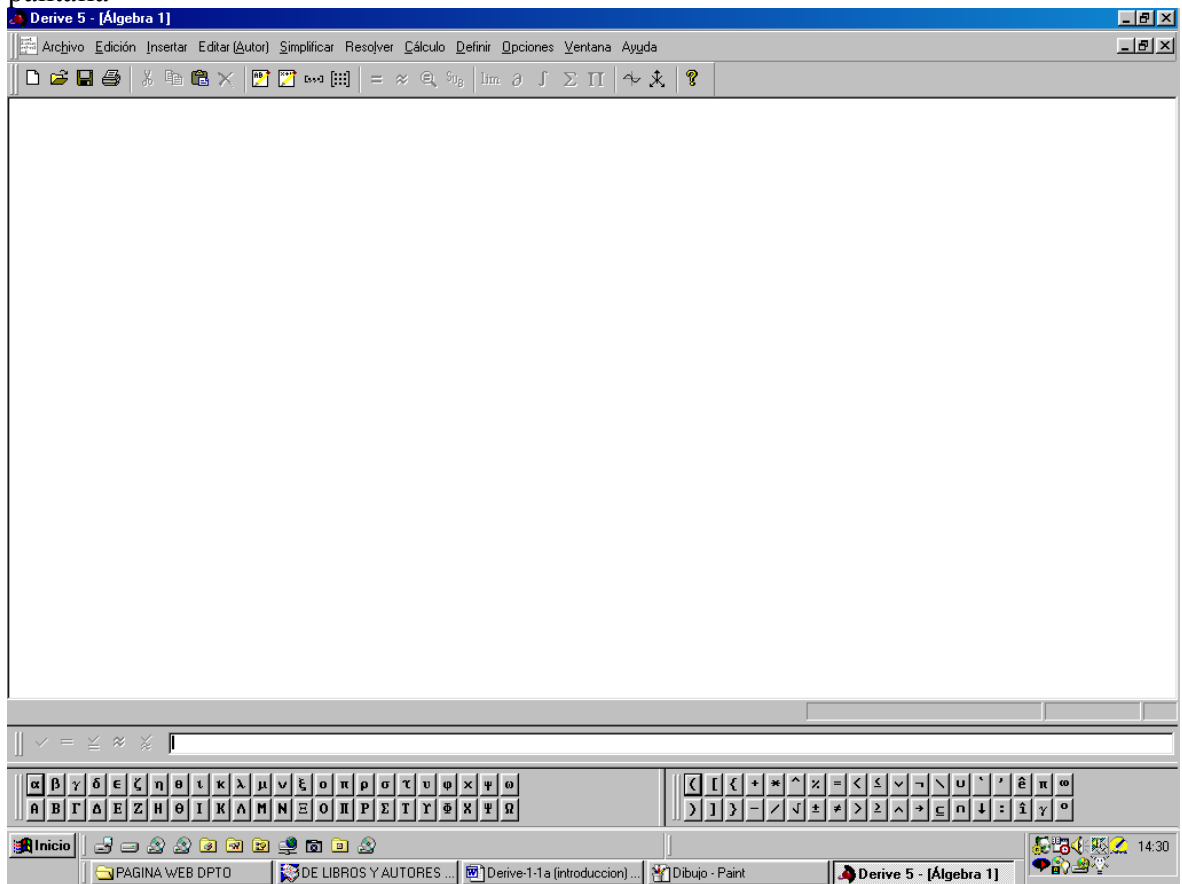
SALIR DE DERIVE:

Para salir de DERIVE 5 basta aplicar los comandos *Archivo-Salir* como lo muestra la siguiente pantalla



1.3. LA PANTALLA DE DERIVE.


Cuando entramos por primera vez al programa DERIVE, obtenemos la siguiente pantalla



En esta pantalla podemos distinguir varias partes de arriba abajo:

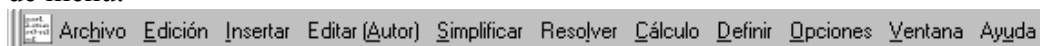
1) La barra de Títulos

En esta barra aparece el nombre del programa y los botones de minimizar, maximizar y cerrar



2) La barra de menú

En esta aparecen todos los COMANDOS básicos de DERIVE clasificados en forma de menú.



Los menús principales son:

Archivo Edición Editar(Autor) Simplificar Resolver Cálculo Definir

Opciones Ventana Ayuda

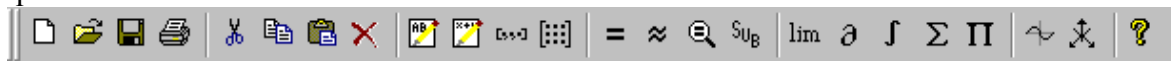
Para acceder a ellos podemos utilizar dos técnicas:

- 1) O bien pinchar con el ratón sobre el comando para desplegar el grupo de subcomandos que contiene
- 2) O bien aplicar la secuencia ALT+(letra subrayada). Así por ejemplo para desplegar el comando Autor, se pulsaría a la vez la secuencia de teclas ALT+A.

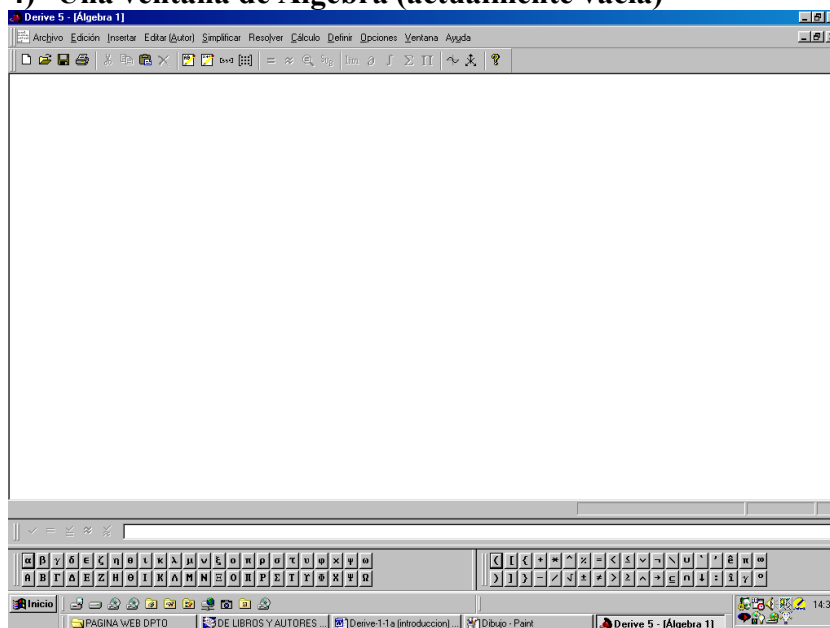
Más adelante iremos estudiando el contenido de los comandos de este menú.

3) La barra de herramientas o de órdenes

En la barra de herramientas se encuentran los iconos que representan los comandos que se utilizan con más frecuencia:



4) Una ventana de Álgebra (actualmente vacía)



5) la barra de estado

Pulsar F1 para ir a Ayuda

Nueva

En la barra de estado a recibimos mensajes del programa en relación a las operaciones que estamos ejecutando.

6) La barra de Introducción de expresiones:



llamada en ocasiones línea de edición. Esta línea nos permite ir introduciendo expresiones en la ventana de álgebra.

7) La barra de letras griegas y símbolos matemáticos:



en la que tenemos disponibles un conjuntos de letras y símbolos que podemos utilizar en la línea de edición sin mas que hacer un clic sobre cada botón.

1.4. ESTRUCTURA DE DERIVE: MENÚ DE COMANDOS.

Todos los comandos que se pueden ejecutar en DERIVE se seleccionan a través de la barra de menú (seleccionando y aplicando o bien con ALT+ letra subrayada). Los comandos se estructuran en forma de árbol, de tal forma que se pueden ir recorriendo de forma ascendente con la selección de los menús y submenús que van apareciendo y de forma descendente con la tecla ESC.

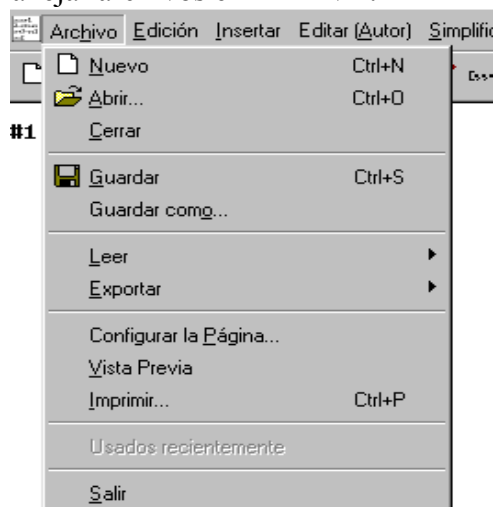
Los COMANDOS más utilizados están disponibles en la barra de herramientas, que es el modo de acceso que más utilizaremos.

Vamos a ir analizando las diferentes formas de aplicar los comandos: primero a través de la barra de menú y en segundo lugar usando e la barra de herramientas.

COMANDOS DE LA BARRA DE MENÚ

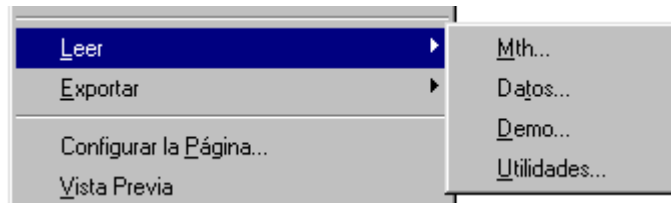
ARCHIVO

Si accedemos a este comando se despliega el submenú que contiene los comandos básicos para manejar archivos en DERIVE:



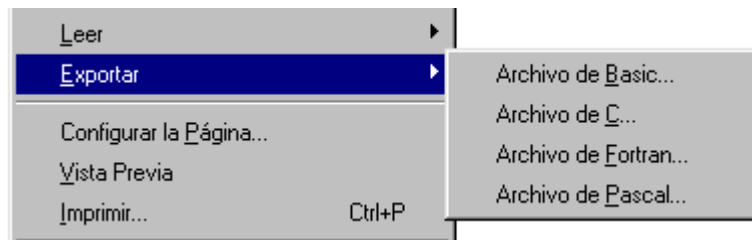
Los subcomandos LEER y EXPORTAR tienen a su vez nuevos menús que son especialmente interesantes en DERIVE y que luego más adelante comentaremos.

Así el subcomando LEER al desplegar contiene



Este subcomando permite leer varios tipos de archivos: archivos de DERIVE (extensión .MTH) archivos de datos, archivos de demostración y archivos de utilidades.

Y el submenú EXPORTAR al desplegar contiene otros accesos:



que permite exportar, es decir transformar, el fichero que se está editando en un archivo BASIC; C, Fortran o Pascal.

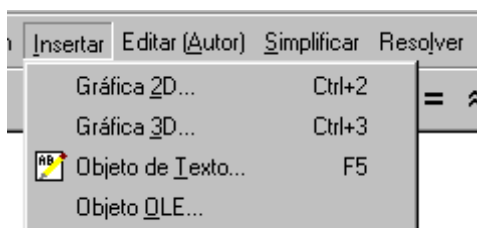
EDICIÓN

Este menú contiene los elementos fundamentales para editar expresiones en WINDOWS para DERIVE. Al desplegarle se obtiene el siguiente conjunto de submenús:



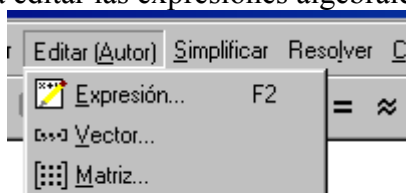
INSERTAR

Menú mediante el cual podemos insertar en la ventana de álgebra tanto gráficas 2D como gráficas 3D, así como objetos de texto:



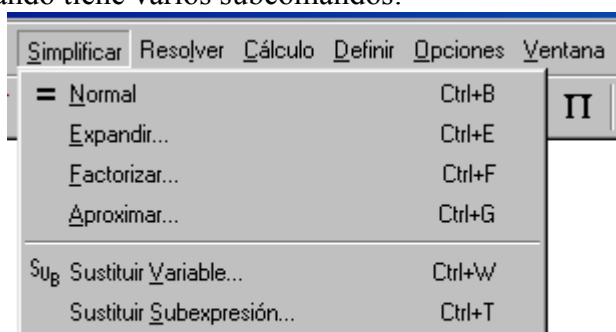
EDITAR(AUTOR)

Sirve para editar las expresiones algebraicas que utiliza DERIVE, vectores o matrices:



SIMPLIFICAR

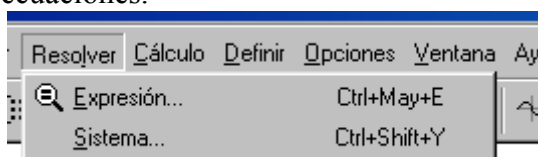
Este comando tiene varios subcomandos:



El subcomando *Normal* sirve para simplificar expresiones algebraicas previamente introducidas, el subcomando *Expandir*, sirve para desarrollar expresiones algebraicas, el subcomando *Factorizar* se emplea para factorizar polinomios, el subcomando *Aproximar* se utiliza para obtener aproximaciones numéricas de expresiones racionales o reales y por último el subcomando *Sustituir Variable* se utiliza para sustituir en una expresión algebraica el contenido de una variable por el valor o expresión que se desee y por último el subcomando *Sustituir Subexpresión* para sustituir una subexpresión por otra

RESOLVER

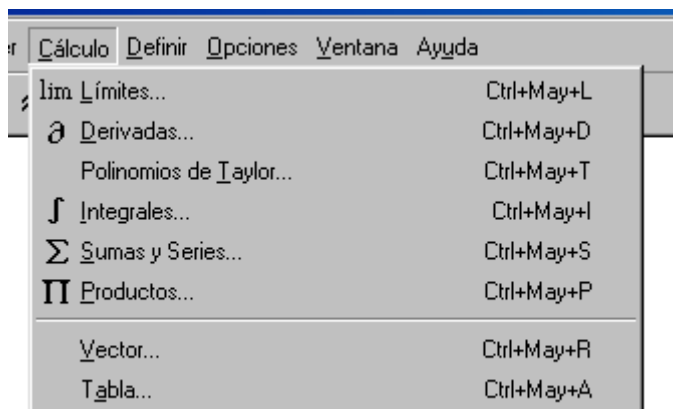
Utilizado para resolver ecuaciones de forma algebraica numérica, así como para resolver un sistema de ecuaciones.



Debemos señalar que para resolver sistemas de ecuaciones, utilizando este comando hay que introducirlos previamente las ecuaciones del sistem, de una manera especial a través de esta ventana.

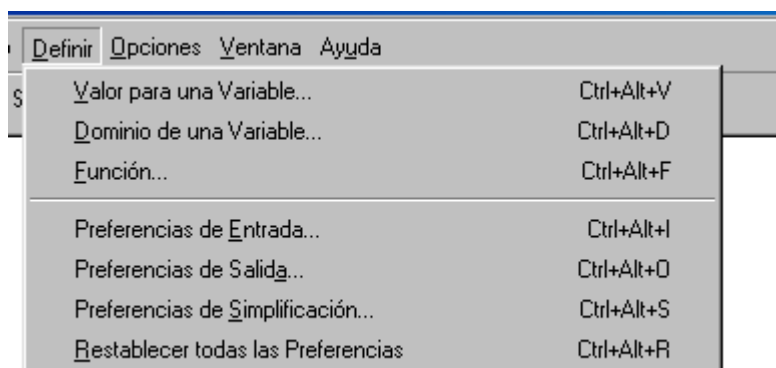
CÁLCULO

Menú que contiene los comandos básicos para realizar cálculos, como son la derivación la integración, el cálculo de sumatorios, productorios, ...

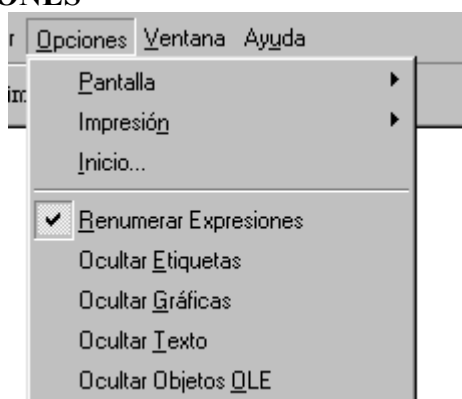


DEFINIR

Utilizado para definir variables, funciones, dominios, o modos de operar:



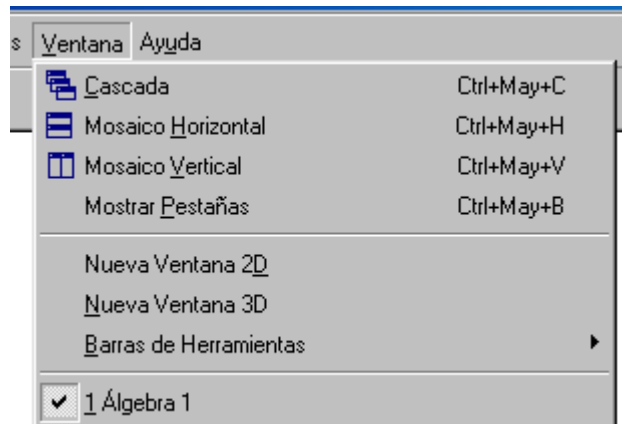
OPCIONES



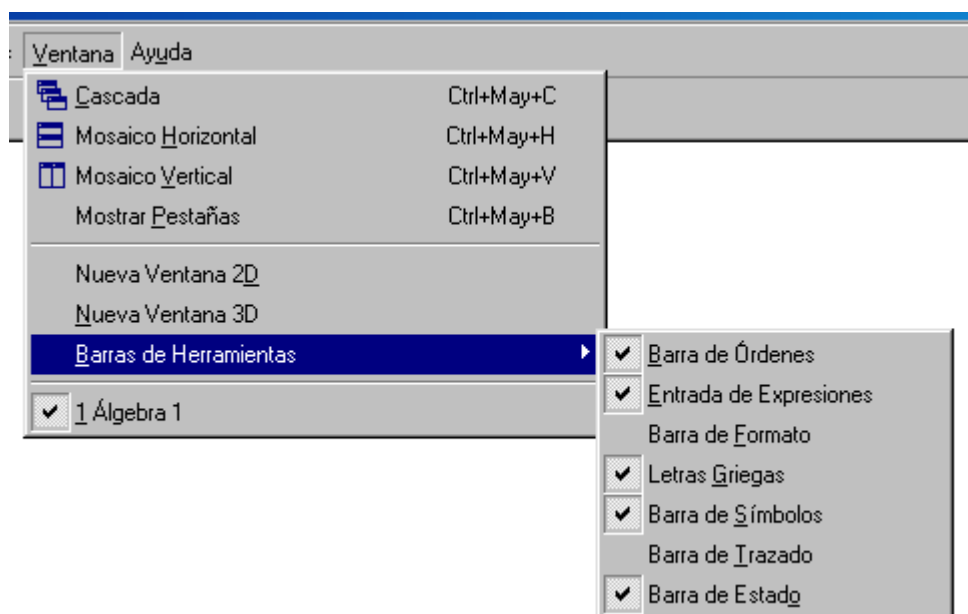
En este menú podemos encontrar opciones de impresión, opciones de color de la pantalla, también se permiten otras opciones como la renumeración automática de expresiones, la posibilidad de ocultar gráficas o texto de las hojas de trabajo.

VENTANA

Como se puede observar aquí se pueden manejar las ventanas del programa, o bien para definir la forma de disposición de las ventanas cuando hay varias abiertas, o bien para abrir ventanas. También se obtiene información acerca de las ventanas que hay abiertas.

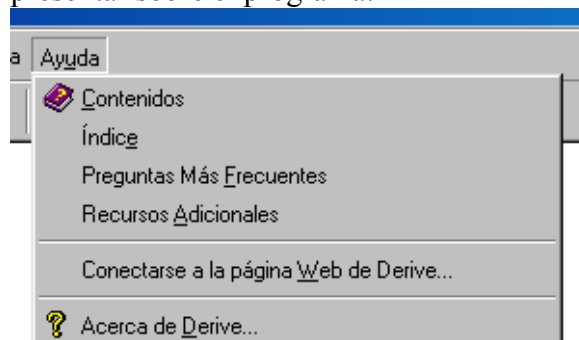


Y con la opción *Barra de Herramientas* tenemos la posibilidad de ocultar o mostrar algunas barras de herramientas en la pantalla del programa:

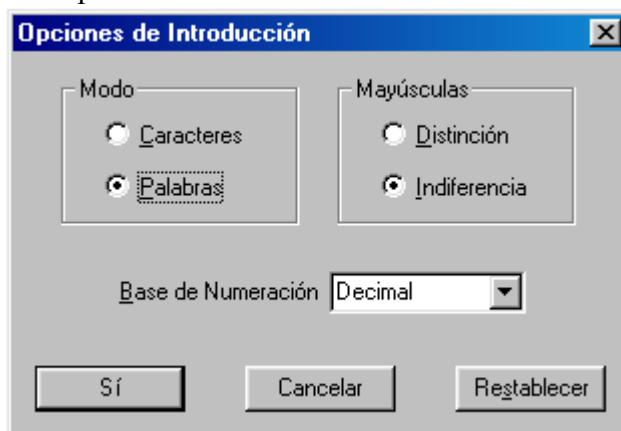


AYUDA

Por último el menú de ayuda contiene los comandos para resolver las cuestiones generales que se pueden presentar sobre el programa:



es decir, como un conjunto de siete variables. Si queremos introducir una variable que tenga por nombre la palabra formada por esos siete caracteres deberemos aplicar la secuencia de comandos *Definir Preferencias de entrada* y seleccionar en el campo Modo la opción Palabras



en este momento aparecerá en la última expresión de la ventana de álgebra de DERIVE la expresión

InputMode := Word

si ahora intentamos introducir la misma expresión anterior "ejemplo" obsérvese que ahora sí queda introducida como una variable

ejemplo

- 4) **DERIVE reconoce un conjunto de funciones matemáticas que tienen una sintaxis especial. Algunas de las funciones matemáticas que se suelen utilizar son las siguientes:**

Funciones trigonométricas: $\sin(x)$, $\cos(x)$, $\tan(x)$,...

Funciones trigonométricas inversas: $\operatorname{asin}(x)$, $\operatorname{acos}(x)$, $\operatorname{atan}(x)$...

Funciones logarítmicas: $\ln(x)$, $\log(x,a)$ (log. Neperiano, logaritmo de x en base a)

Funciones exponenciales y radicales: $\operatorname{sqrt}(x)$ (raíz cuadrada), $\exp(x)$ (exponencial de x).

Algunas otras funciones: $\operatorname{abs}(x)$ (módulo de x), $x!$ (factorial de x), $\operatorname{int}(x)$, parte entera de x

- 5) **También existen algunas funciones predefinidas que sirven para efectuar algunas operaciones matemáticas o utilizar expresiones matemáticas muy comunes:**


Algunas de estas funciones son:

IDENTITY_MATRIZ(n): con la que se obtiene una matriz identidad de orden n . Por ejemplo si editamos "identity_matriz(3)" y simplificamos esta expresión se obtiene

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

GRAD(funcion,variables): con la que se puede obtener el vector gradiente de una "función" dada con las "variables" señaladas. Por ejemplo editando "grad(x^2+y^2),[x,y])" se obtiene al simplificar

1º) Elegir en primer lugar con los cursores (\uparrow), (\downarrow) o con el ratón la expresión de la ventana de álgebra y aplicar sobre ella, el menú *Edición-expresión*, para hacer las modificaciones pertinentes.

2º) Seleccionar primero la expresión que deseamos reeditar, después aplicar el botón de herramientas  y a continuación pulsar (F3) si deseamos recuperar la expresión seleccionada tal cual, o bien (F4) si lo que deseamos es recuperar la expresión entre paréntesis.

EJEMPLO 1.1.

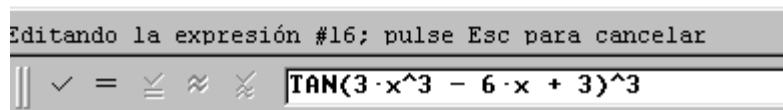
Si tenemos en la ventana de álgebra la expresión

$$\text{TAN}(3 \cdot x^3 - 6 \cdot x + 3)^3$$

y deseamos recuperarla para reeditarla debemos aplicar *Editar expresión*, seleccionarla y pulsar F3 y se obtiene

#15: 2

#16: $\text{TAN}(3 \cdot x^3 - 6 \cdot x + 3)^3$



- **Borrar caracteres dentro de la línea de edición.**

Para efectuar esta operación podemos utilizar varias alternativas:

- utilizar la tecla (Supr) que borra el carácter sobre el que está el cursor.
- Utilizar la tecla (Backspace) que borra el carácter anterior al cursor
- La (barra espaciadora) que borra el carácter posterior al cursor si estamos en MODO SOBRESERITURA.

- **Insertar nuevos caracteres .**

En la línea de edición (una vez aplicado el botón *Editar-Expresión*) podemos estar en modo INSERTAR o en modo SOBRESERITURA. Para pasar de un modo a otro basta con pulsar la tecla (Ins). Obsérvese que en la línea de estado aparece el modo en el que estamos trabajando.

MODO SOBRESERITURA:



EJERCICIO 3.

Utilizando las expresiones editadas en los ejercicios anteriores y considerando las últimas indicaciones, introducir en DERIVE las expresiones:

$$- \frac{3x^2 + 5}{2x^2 + x - 2}$$

$$- e^{\frac{x^3}{2+x}}$$

EJERCICIO 4.

Editar las expresiones:

a) $\ln\left(\sqrt{\frac{x+2}{y-3}}\right)$

b) $\text{sen}\left(\sqrt{1-x^2+y^2}\right)$

1.6. MANEJO DE EXPRESIONES DE LA VENTANA DE ALGEBRA.

1.6.1. Situarnos en una expresión concreta.

Si deseamos seleccionar una expresión concreta tenemos dos alternativas:

- o bien utilizar el ratón y la barra de desplazamiento vertical del programa



- o bien situarnos sobre la ventana de álgebra (si es necesario usando la tecla ESC) y utilizar las teclas (↑) y (↓)..

1.6.2. Mover una o varias expresiones.

En ocasiones puede ser útil o necesario cambiar el orden de las expresiones de nuestra sesión de trabajo, para lo cual se puede utilizar la opción de marcar un grupo de expresiones y luego pegarlas en el lugar deseado. Por ejemplo si tenemos la siguiente situación de expresiones:

```
#1:  Q(K, 1) := 96 · K1/3 · 12/3
#2:  K1(T) := 50 + 0.5 · T2
#3:  l1(T) := 100 + 3 · T
#4:  Q(K, 1)
#5:   $\frac{d}{dK} Q(K, 1)$ 
#6:   $\frac{d}{dl} Q(K, 1)$ 
#7:  K1(T)
#8:  l1(T)
```

si deseamos por ejemplo mover las expresiones #5, #6 y #7 y situarlas antes de la #2, podemos marcarlas con el ratón:

$$\#1: Q(K, L) := 96 \cdot K^{1/3} \cdot L^{2/3}$$

$$\#2: K1(T) := 50 + 0.5 \cdot T^2$$

$$\#3: L1(T) := 100 + 3 \cdot T$$

$$\#4: Q(K, L)$$

$$\#5: \frac{d}{dK} Q(K, L)$$

$$\#6: \frac{d}{dL} Q(K, L)$$

$$\#7: K1(T)$$

$$\#8: L1(T)$$

y con el botón derecho del ratón seleccionar la opción cortar:

$$\#1: Q(K, L) := 96 \cdot K^{1/3} \cdot L^{2/3}$$

$$\#2: K1(T) := 50 + 0.5 \cdot T^2$$

$$\#3: L1(T) := 100 + 3 \cdot T$$

$$\#4: Q(K, L)$$

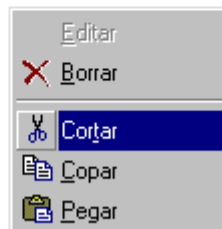
$$\#5: \frac{d}{dK} Q(K, L)$$

$$\#6: \frac{d}{dL} Q(K, L)$$

$$\#7: K1(T)$$

$$\#8: L1(T)$$

$$\#9: \frac{d}{dT} K1(T)$$



luego nos situamos sobre la expresión #2, pulsamos el botón derecho del ratón y elegimos la opción pegar:

$$\#1: Q(K, L) := 96 \cdot K^{1/3} \cdot L^{2/3}$$

$$\#2: K1(T) := 50 + 0.5 \cdot T^2$$

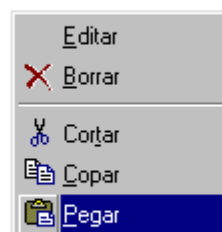
$$\#3: L1(T) := 100 + 3 \cdot T$$

$$\#4: Q(K, L)$$

$$\#5: L1(T)$$

$$\#6: \frac{d}{dT} K1(T)$$

$$\#7: \frac{d}{dT} L1(T)$$



y se obtiene el resultado deseado, aunque hay que tener en cuenta que DERIVE renumera automáticamente por defecto todas las expresiones:

```

#1:  Q(K, 1) := 96 · K1/3 · 12/3
#2:   $\frac{d}{dK} Q(K, 1)$ 
#3:   $\frac{d}{d1} Q(K, 1)$ 
#4:  K1(T)
#5:  K1(T) := 50 + 0.5 · T2
#6:  11(T) := 100 + 3 · T
#7:  Q(K, 1)
#8:  11(T)

```

EJERCICIO 5.

Situar las expresiones #3 y #4 antes de la expresión #2.

1.6.3. Información de las operaciones realizadas con expresiones.

Si deseamos observar las características de generación de las diferentes expresiones introducidas en la ventana de álgebra, debemos centrar nuestra atención en la línea de estado, en la que se indica el proceso de obtención de la expresión seleccionada. Por ejemplo en la siguiente gráfica se observa que la expresión #1 es una expresión NUEVA; introducida por el usuario:

```

#1:  Q(K, 1) := 96 · K1/3 · 12/3
#2:  K1(T) := 50 + 0.5 · T2
#3:  11(T) := 100 + 3 · T
#4:  Q(K, 1)

```

Nueva

Sin embargo si observamos en la siguiente gráfica podemos comprobar que la expresión #12 se ha obtenido por simplificación de la expresión #11, y se ha tardado 0.04 segundos en su simplificación:

```

#11:   $\left( \frac{d}{dK} Q(K, 1) \right) \cdot \frac{d}{dT} K1(T) + \left( \frac{d}{d1} Q(K, 1) \right) \cdot \frac{d}{dT} 11(T)$ 
#12:   $\frac{192 \cdot K^{1/3}}{1^{1/3}} + \frac{32 \cdot T \cdot 1^{2/3}}{K^{2/3}}$ 

```

Simp(#11) 0.004s

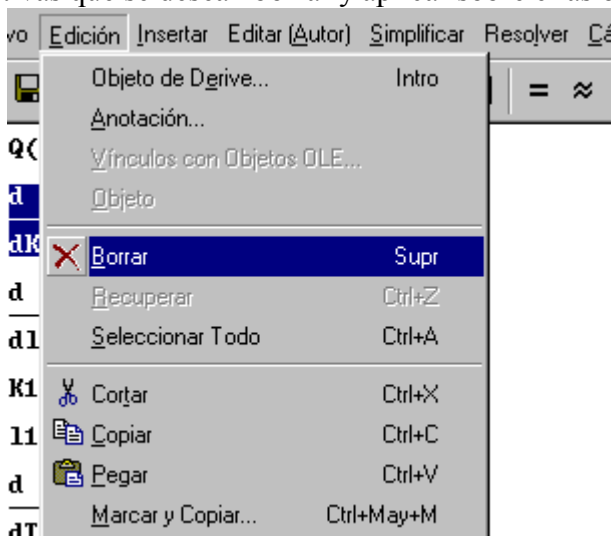
EJERCICIO 6.

Observar las expresiones #5 y #7 ¿qué información se observa en la línea de estado?

1.6.4. Borrar una expresión, o un bloque de expresiones de la ventana de álgebra.

Para borrar una o un bloque de expresiones podemos utilizar dos procedimientos.

El primer procedimiento consiste en seleccionar con el ratón las expresiones correlativas que se desean borrar y aplicar sobre ellas o bien la secuencia *Edición-Borrar*:



o bien el botón de herramientas .

Una segunda opción consistiría en marcar con el ratón las expresiones que se desean borrar y pulsar el botón de la derecha del ratón seleccionando la opción de borrar:

También se puede utilizar la tecla (Supr) para borrar una o varias expresiones marcadas previamente.

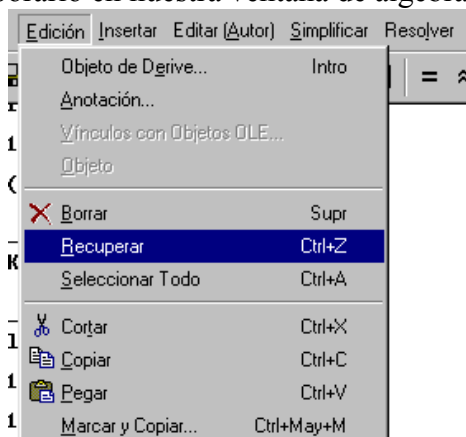
EJERCICIO 7.

Borrar las expresiones #1 a las #3 de vuestra ventana de álgebra. Usando el primer procedimiento.

Borrar ahora las expresiones #5 y #6 usando el segundo procedimiento.

1.6.5. Recuperar el último bloque de expresiones borrado.

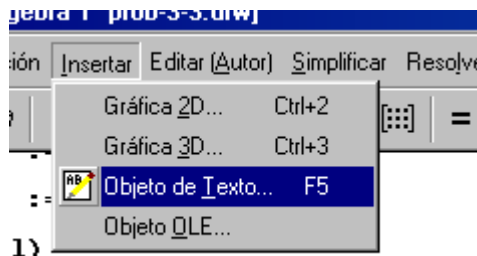
Si deseamos recuperar el último bloque de expresiones borrado, DERIVE nos permite incorporarlo en nuestra ventana de álgebra por medio la orden *Edición-Recuperar*:




1.7. INSERTAR TEXTO EN LA VENTANA DE ÁLGEBRA.

Una de las opciones nuevas que nos permite DERIVE 5 es la posibilidad de introducir comentarios tipo texto dentro de la ventana de álgebra. Para ello podemos utilizar dos procedimientos:

- a) o bien utilizar el menú aplicando *Insertar-Objeto de texto*:



- b) o bien aplicar el botón de herramientas 

Así por ejemplo podemos introducir el siguiente comentario: “Vamos a derivar la función:”

Vamos a derivar la función:

#6: $\frac{d}{dK} Q(K, 1)$

obsérvese que el texto no aparece numerado, ya que se trata de un objeto distinto, no es una expresión.

1.8. MANEJO DE FICHEROS.

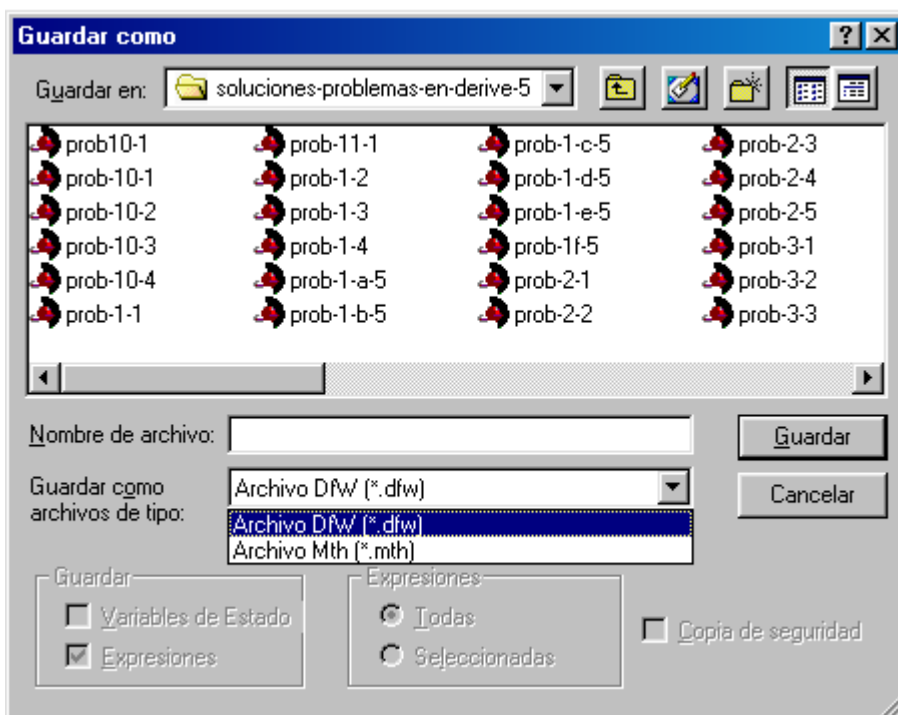
DERIVE permite manipular dos tipos de ficheros fundamentalmente:

- Archivos con extensión .mth, que contienen únicamente expresiones simbólicas.
- y archivos con extensión .dfw, archivos que contienen además de las expresiones algebraicas, comentarios tipo texto, gráficas de 2 dimensiones y graficas de 3 dimensiones.


En consecuencia según el tipo de objetos que tengamos en nuestra hoja de trabajo podremos guardar los archivos de una u otra forma. Aunque los documentos se pueden grabar en formato .mth, pero perderían todos los objetos de texto.

(a) Grabar en un fichero una sesión de trabajo.

Si deseamos grabar el conjunto de expresiones que tenemos en una ventana de álgebra en un fichero concreto .mth, aplicaremos sobre el menú la secuencia *Archivo-Guardar como* entonces aparecerá una ventana de diálogo sobre la cual indicaremos el nombre del fichero y el tipo de fichero que deseamos guardar:



Evidentemente podremos seleccionar la unidad o el directorio en el cual queremos efectuar esta operación, del mismo modo que se realiza en Windows. Elegiremos también el tipo de archivo que deseamos guardar, teniendo en cuenta las observaciones anteriores.

Si lo que deseamos es guardar la sesión de trabajo o el conjunto de expresiones sobre un fichero ya existente, aplicaremos entonces o bien la secuencia *Archivo-Guardar* del menú o bien el botón de herramientas .

Mediante estas órdenes, DERIVE grabará en el fichero que especifiquemos las expresiones contenidas en la ventana de álgebra. Por defecto el programa asigna a este fichero la extensión .dfw.

EJERCICIO 8.

Grabar en un fichero con el nombre “sesion1” las expresiones que tenemos actualmente en la ventana de álgebra, como archivo .mth.


(a) Cargar un fichero nuevo de DERIVE.

DERIVE permite cargar ficheros de varios tipos

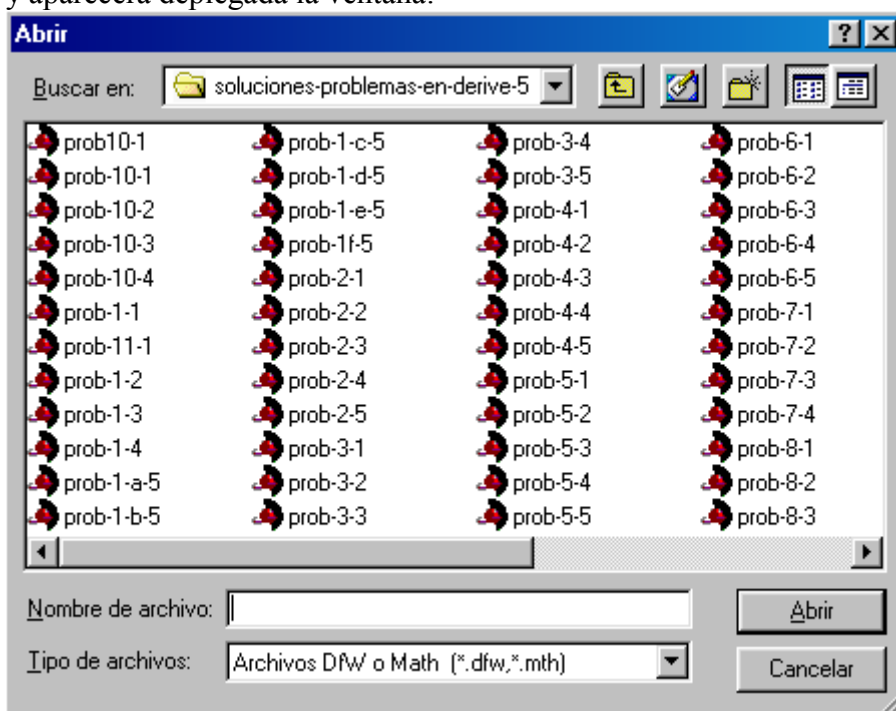
- ficheros de DERIVE, con extensión MTH, que se pueden cargar de dos formas o bien como un fichero normal MTH, o bien como un fichero de UTILIDAD.
- ficheros tipo DOCUMENTO DE DERIVE, con extensión DFW
- ficheros de DEMOSTRACIÓN; con extensión .dmo
- ficheros de DATOS, con extensión .dat

Los ficheros propios de DERIVE son los ficheros que tienen extensión MTH o bien DFW.

Si deseamos leer cualquiera de estos tipos de fichero aplicaremos o bien

- la secuencia de menú *Archivo Abrir*
- o bien el botón de herramientas 

y aparecerá desplegada la ventana:



Hay que tener en cuenta que los archivos tipo DOCUMENTO DE DERIVE, es decir con extensión DFW solo se pueden abrir con esta opción, sin embargo los archivos .MTH permiten cargarse utilizando las siguientes opciones:

(b) Cargar un fichero añadiendo sus expresiones a las actuales.

Si deseamos cargar un fichero .MTH que añada sus expresiones a las expresiones que tenemos actualmente en una ventana de álgebra utilizaremos la secuencia *Archivo-Leer-Mth* y a continuación seleccionamos el fichero deseado en la ventana de diálogo. Utilizando esta secuencia visualizaremos las expresiones del nuevo fichero a continuación de las expresiones del fichero que teníamos antes cargado.

EJERCICIO 9.

Cargar el fichero SESION1.MTH en la ventana de álgebra como fichero de DERIVE y luego cargar el fichero VECTOR.MTH a continuación del fichero anterior.

(c) Cargar un fichero de DERIVE como fichero de utilidad.


Acabamos de comentar que podemos cargar ficheros de DERIVE visualizando el contenido de sus expresiones, es la forma habitual de cargar ficheros de DERIVE. Pero existe otra forma de cargar ficheros de DERIVE, esta consiste en cargar el fichero únicamente en memoria, sin visualizar el contenido de sus expresiones.

Para cargar un fichero de esta forma aplicaremos la secuencia de menú *Archivo-Leer-Utilidades*, y elegiremos el fichero deseado desde la ventana de diálogo que aparece a continuación. Esta forma de cargar los ficheros de DERIVE suele denominarse cargar un fichero como fichero de utilidades.

Podemos observar que a continuación aparece una expresión indicando que hemos cargado el fichero de esta forma:

LOAD(C:\DfW5\Math\Vector.mth)

EJERCICIO 10.

Para observar el efecto de esta operación abrimos una ventana de álgebra completamente vacía aplicando *Archivo-Nuevo* (o bien aplicando el botón de herramientas ).

A continuación editamos sobre esta nueva ventana la expresión “rank(identity_matrix(3))” mediante *Edición-Expresión*. (Recuérdese que IDENTITY_MATRIZ(3) es una función predefinida en DERIVE que construye la matriz identidad de orden 3).

Obsérvese que en la ventana de álgebra aparecerá la expresión:

RANK(IDENTITY_MATRIX(3)) = 3

Aunque la función RANK no es una función PREDEFINIDA, sin embargo se trata de una función que viene en un fichero de utilidades PROPIO de DERIVE, por lo que automáticamente DERIVE busca en estas funciones para aplicarla. Esta búsqueda no sucedería si por ejemplo definimos en un archivo nuevo la función:

rango(a) := RANK(a)

obsérvese que esta función hace lo mismo que la función RANK guardada en un fichero de utilidades de DERIVE, de hecho si efectuamos:

$$\text{rango} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = 2$$

obtenemos el resultado deseado.

Si guardamos este fichero en la unidad A: con el nombre “ejemplo” y cerramos la ventana. Al abrir una nueva ventana de álgebra si intentamos hacer la misma operación obtendríamos:

$$\text{r} \cdot \text{a} \cdot \text{n} \cdot \text{g} \cdot \text{o} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \text{a} \cdot \text{g} \cdot \text{n} \cdot \text{o} \cdot \text{r} & 2 \cdot \text{a} \cdot \text{g} \cdot \text{n} \cdot \text{o} \cdot \text{r} \\ 3 \cdot \text{a} \cdot \text{g} \cdot \text{n} \cdot \text{o} \cdot \text{r} & 4 \cdot \text{a} \cdot \text{g} \cdot \text{n} \cdot \text{o} \cdot \text{r} \end{bmatrix}$$


pues DERIVE no reconoce esta función, ni se encuentra entre los ficheros de utilidades del programa, en este caso está en un archivo de utilidad externo en la unidad A.

(d) Cargar las expresiones de varios ficheros.

Esta operación es similar a la anterior, consiste en incluir las expresiones de dos o más ficheros, unas a continuación de otras. Para ello aplicamos sucesivamente la secuencia de menús *Archivo-Leer-Mth*.

(e) Cargar un fichero de tipo demostración.

En DERIVE existen ficheros de tipo demostración (con extensión .dmo) que nos permiten mostrar al usuario las posibilidades del programa. Para cargar este tipo de ficheros se aplica la secuencia de menús *Archivo-Leer-Demo* y a continuación el nombre del fichero.

Si se desea cargar en una ventana nueva este tipo de programas, aplicamos .

Obsérvese que con este tipo de fichero el programa carga expresiones e indica las operaciones que va realizando, a medida que vamos pulsando la tecla (*enter*) vuelven a aparecer nuevas operaciones y mensajes sobre la barra de estado indicándonos los comentarios relacionados con las últimas operaciones realizadas.

Si se desea parar la ejecución de un fichero demo, basta pulsar la tecla (*Esc*).

EJERCICIO 11.

Cargar el fichero de demostración *CALCULUS.DMO* y observar su funcionamiento. Obsérvese que cada vez que tecleamos (*enter*) aparece un mensaje en la línea de estado y una nueva expresión en la ventana de álgebra que es la ejecución de la operación indicada por la expresión anterior.

EJERCICIO 12.

Cargar los ficheros *VECTOR.MTH* y *FRESNEL.MTH* uno a continuación del otro de tal forma que se visualice el contenido de ambos ficheros.

1.9. MANEJO DE VENTANAS.

En el comienzo de esta sección hemos comentado la posibilidad de utilizar en la ZONA DE VENTANAS varios tipos de ventanas:

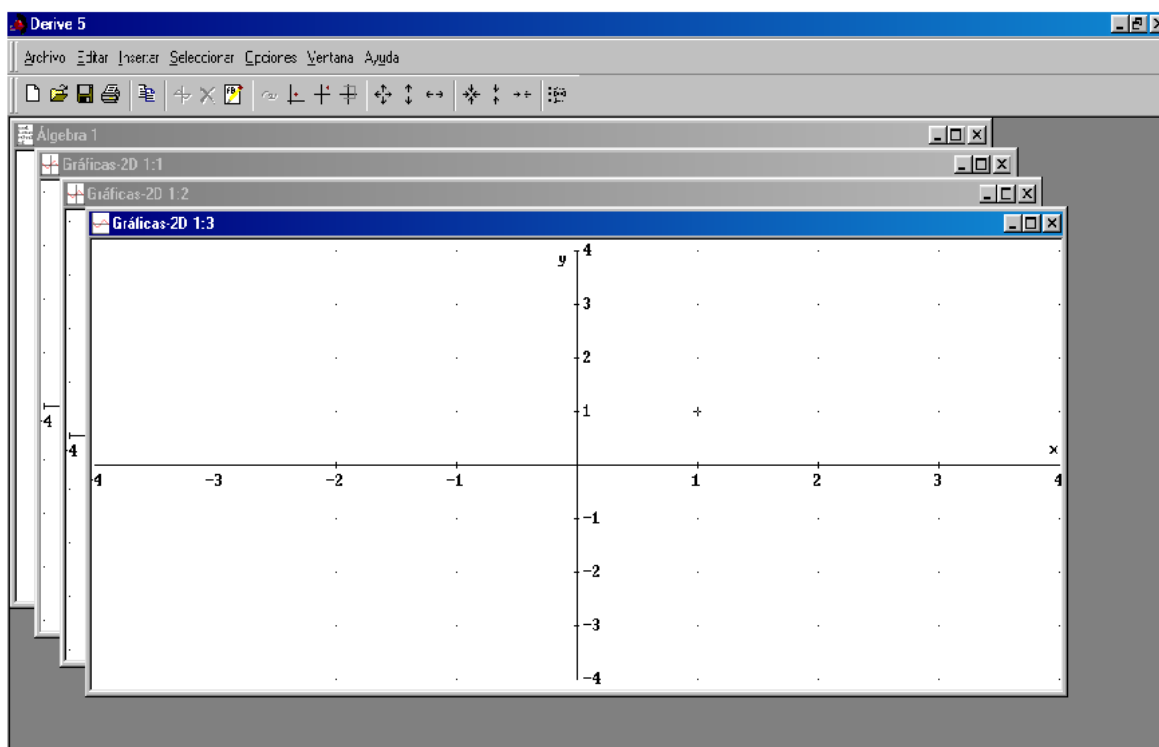
- A) *Ventanas de álgebra*, utilizadas para introducir expresiones algebraicas y realizar diversas operaciones con ellas.
- B) *Ventanas gráficas de DOS dimensiones (2D-plot)*, sirven para efectuar representaciones gráficas de dos variables.
- C) *Ventanas gráficas de TRES dimensiones (3d-PLOT)* para efectuar representaciones gráficas de tres variables.

Cada uno de estos tipos de ventanas llevan asociados unos menús y barras de herramientas propios, aunque hasta ahora hemos venido comentando los menús y barras de herramientas de la ventana de álgebra.

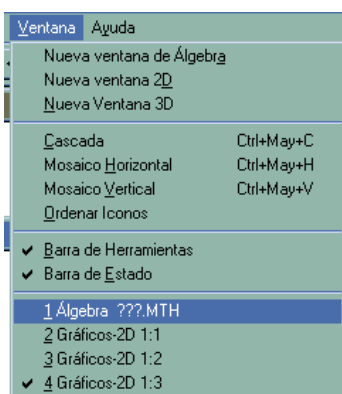
Las ventanas de *DERIVE* funcionan de forma autónoma y todas ellas llevan asociado un nombre. El manejo de estos tipos de ventanas de *DERIVE* es muy similar al manejo de ventanas de *WINDOWS*; no obstante vamos a analizar a continuación las operaciones básicas que podemos realizar con las mismas.

1. Abrir ventanas gráficas 2D-plot

Para abrir una NUEVA ventana gráfica 2D bastará aplicar la secuencia de menú *Ventana-Nueva Ventana 2D*. Podemos abrir tantas ventanas 2D como deseemos, pero siempre debe existir al menos una ventana de álgebra. Las ventanas 2D que deseemos abrir se van numerando en la línea superior de la ventana. Para observar todas las ventanas a la vez en forma de pestaña debemos aplicar *Ventana-Cascada* y observaremos el siguiente gráfico



En esta situación si deseamos representar gráficamente por ejemplo la función $y=\ln(x)$ tendríamos que situarnos en la ventana de álgebra aplicando la secuencia del menú *Ventana* (seleccionando la ventana de álgebra)



O bien situándonos con el ratón encima de la ventana sobre la que deseamos operar y hacer un clic.

Ahora estaremos en disposición de introducir con *Edición-Expresión* la expresión algebraica que define $y=\ln(x)$,

$$y = \text{LN}(x)$$

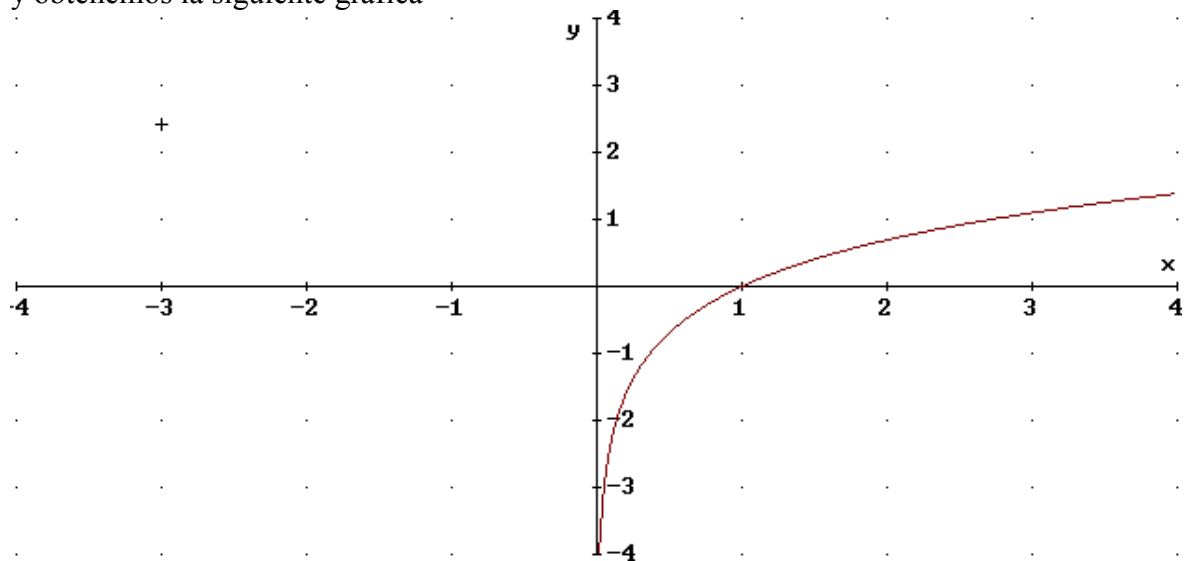
Para representar esta función en la ventana 2D Primera, bastará seleccionar la ventana 2D:1 haciendo un clic con el ratón encima de ella o bien aplicando el botón de herramientas



una vez situados en la ventana 2D:1 aplicamos el comando *!Representar* que aparece en el menú o el botón de herramientas de esta ventana *Representar gráficamente*



y obtenemos la siguiente gráfica



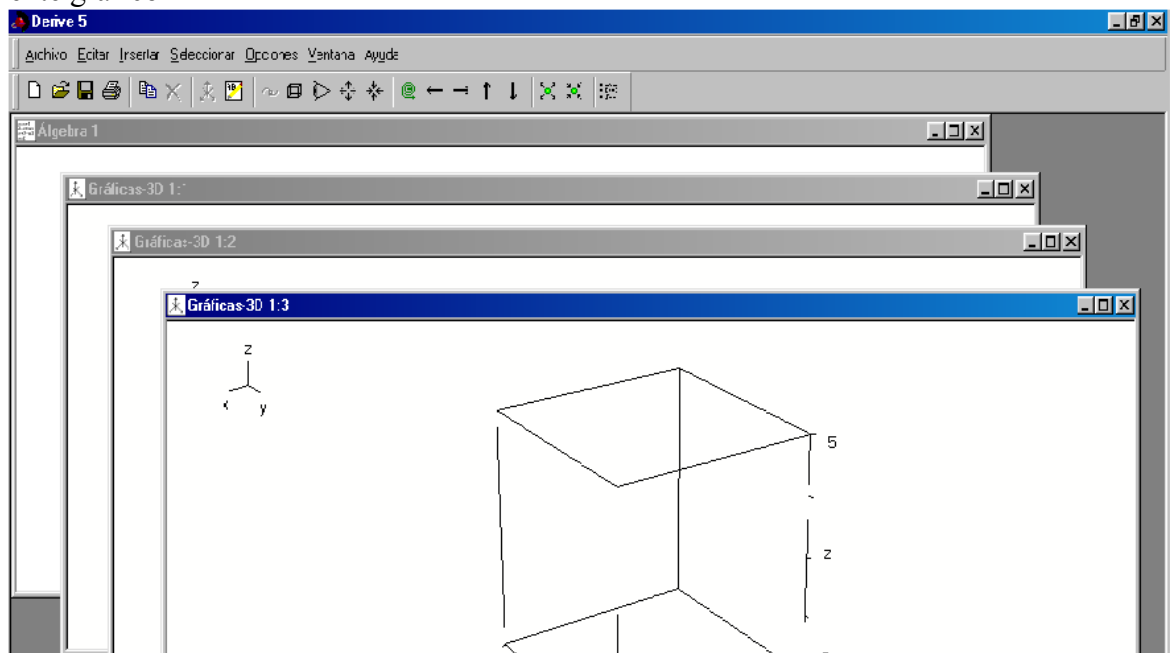
Debemos de señalar que si no hubiese ninguna ventana 2D creada, a partir de la ventana de álgebra podemos crear una ventana 2D con sólo aplicar el botón de herramientas

Ventana 2D



2. Abrir ventanas gráficas 3D-Plot.

Para abrir una NUEVA ventana gráfica 3D bastará aplicar la secuencia de menú *Ventana-Nueva Ventana 3D*. Podemos abrir tantas ventanas 3D como deseemos, pero siempre debe existir al menos una ventana de álgebra. Las ventanas 3D que deseemos abrir se van numerando en la línea superior de la ventana como puede observarse en el siguiente gráfico



En esta situación si deseamos representar gráficamente por ejemplo la función de dos variables $z=x^2-y^2$ tendríamos que situarnos en una ventana de álgebra aplicando la secuencia del menú *Ventana* (seleccionando la ventana de álgebra deseada), o bien situándonos con el ratón encima de la ventana sobre la que deseamos operar y hacer un clic.

Ahora estaremos en disposición de introducir con *Edición Expresión* la expresión algebraica que define x^2-y^2

$$x^2 - y^2$$

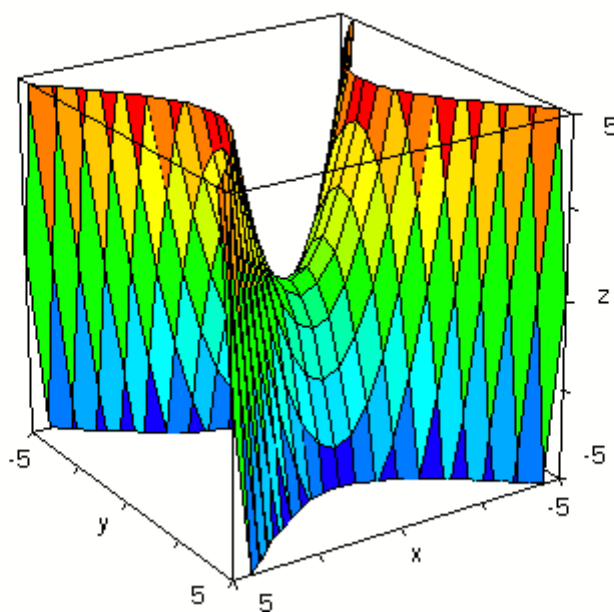
para representar esta función en la ventana 3D Primera, bastará seleccionar la ventana Gráficos 3D:1 haciendo un clic con el ratón encima de ella o bien aplicando el botón de herramientas



una vez situados en la ventana 3D:1 aplicamos el comando *!Representar* que aparece en el menú o el botón de herramientas de esta ventana *Representar gráficamente*



y obtenemos la siguiente gráfica



Debemos de señalar que si no hubiese ninguna ventana 3D creada inicialmente, a partir de la ventana de álgebra podemos crear una ventana 2D con sólo aplicar el botón de herramientas *Ventana 2D-Plot*




3. Movernos entre ventanas.


Si deseamos movernos entre ventanas basta con situarnos con el ratón sobre una parte de la ventana que deseamos activar y hacer un clic. Otra posibilidad consiste en aplicar a través del menú la secuencia *Ventana* (seleccionar la ventana en la que nos deseamos situar).

4. Cerrar una ventana.

Para cerrar una ventana tenemos dos alternativas:

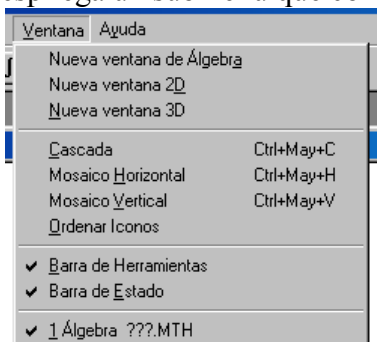
- Hacer clic sobre el botón  que se encuentra en la ventana en la esquina superior derecha.
- Activando la ventana que deseamos borrar y aplicar la secuencia de menú *Archivo Cerrar*.

5. Minimizar una ventana.

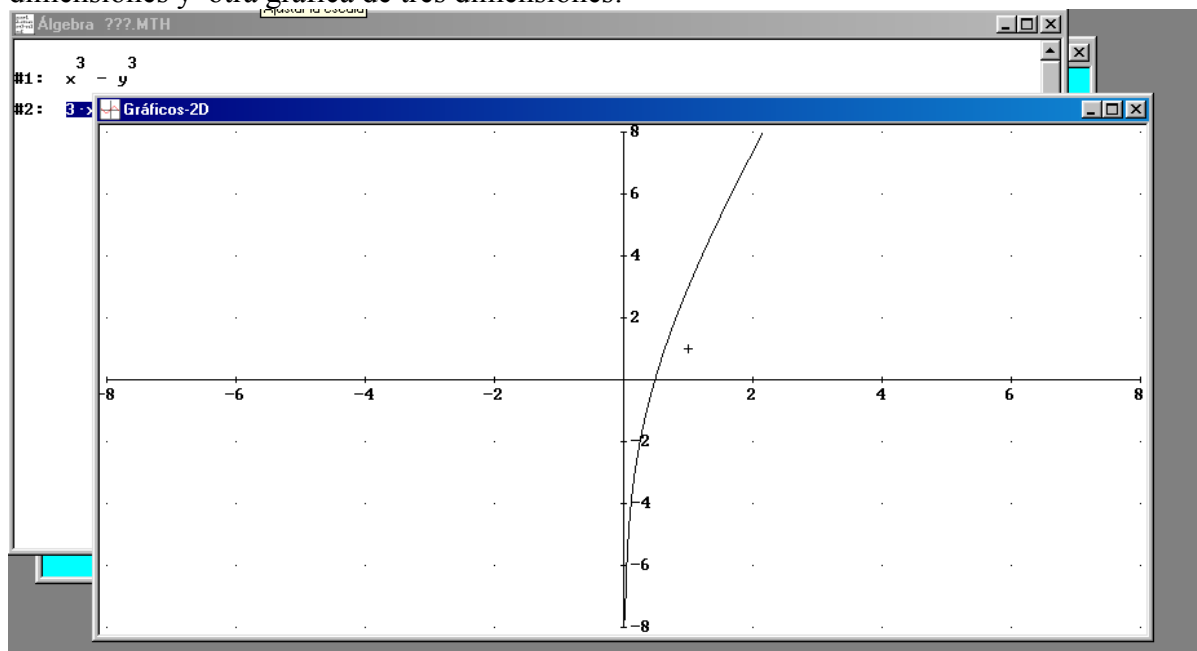
Para minimizar cualquier tipo de ventanas de DERIVE, basta con hacer clic sobre el botón  que se encuentra en la parte superior derecha de la ventana.

6. Disposición de las ventanas: mosaico/cascada.

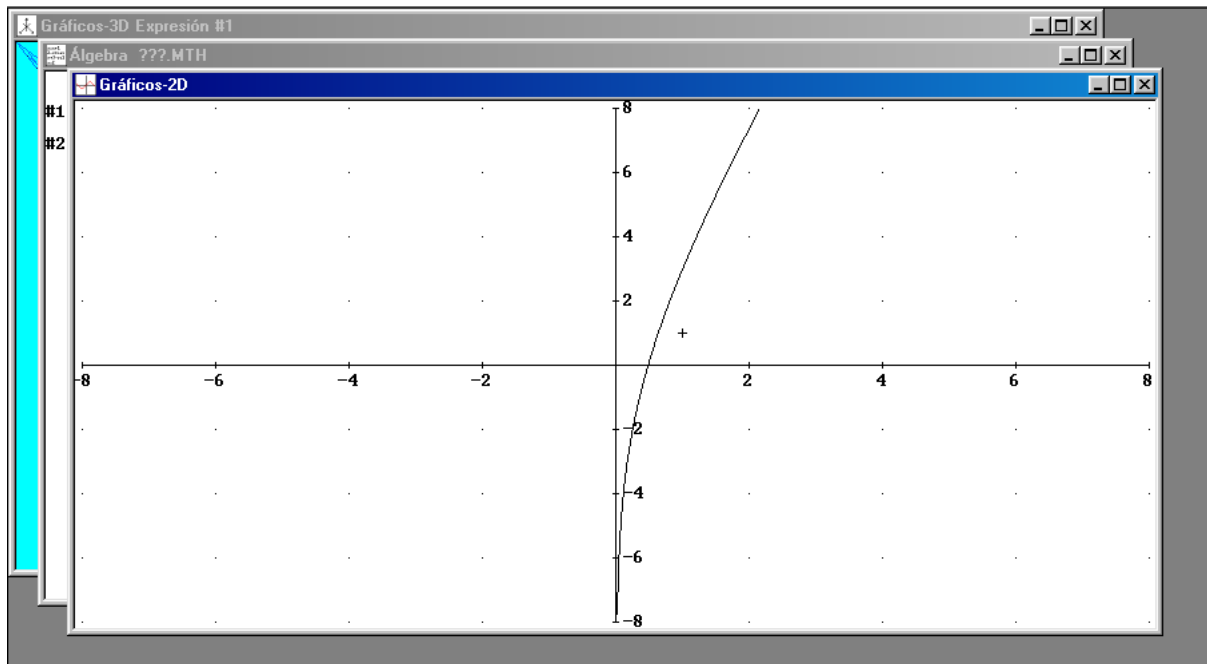
Cuando tenemos varias ventanas abiertas de forma simultánea, DERIVE nos ofrece la posibilidad de distribuir las en la pantalla de varias formas. Aplicando el comando *Ventana* se despliega un submenú que contiene las diferentes posibilidades



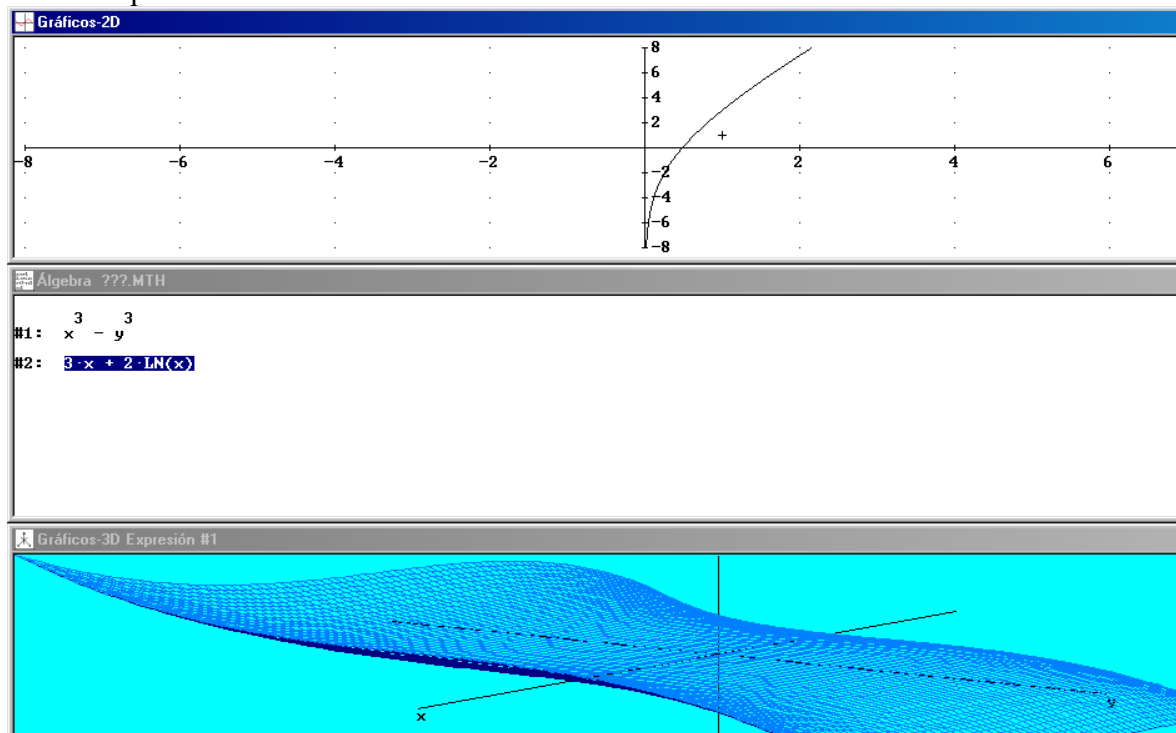
en cascada, en mosaico horizontal y en mosaico vertical. Para observar el efecto de estos subcomandos, vamos a desplegar tres ventanas por ejemplo una de álgebra, una de dos dimensiones y otra gráfica de tres dimensiones:



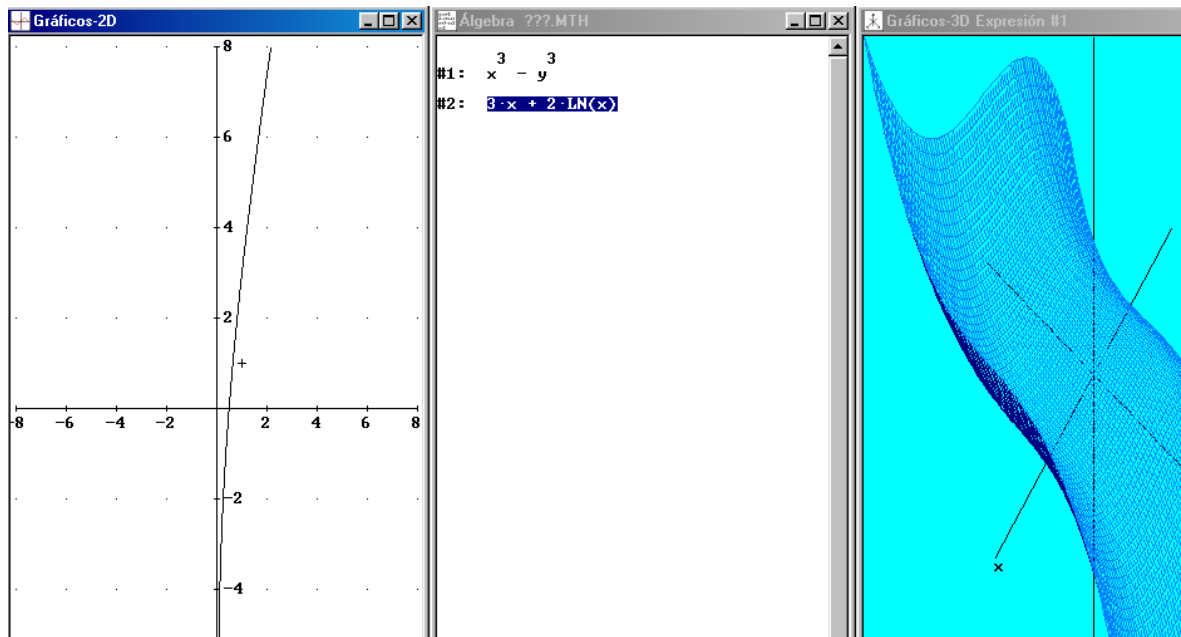
Si aplicamos el subcomando *Ventana-Cascada* la ventana anterior quedará de la forma



si ahora aplicamos el subcomando *Ventana-Mosaico Horizontal* resulta



y por último si aplicamos el subcomando *Ventana-Mosaico Vertical* se obtiene



como puede observarse son nuevas posibilidades para disponer las ventanas.

Con esto hemos terminado la parte de introducción general al programa DERIVE.